

山东省 2025 年普通高等教育专科升本科招生考试

公共基础课考试要求

山东省教育招生考试院

二〇二四年十一月

山东省 2025 年普通高等教育专科升本科招生考试 高等数学Ⅲ 考试要求

I. 考试内容与要求

本科目考试要求考生掌握高等数学的基本概念、基本理论和基本方法，主要考查考生识记、理解、计算和应用能力，为进一步学习奠定基础。具体内容与要求如下：

一、函数、极限与连续

(一) 函数

1. 理解函数的概念，会求函数的定义域、表达式及函数值，会建立应用问题的函数关系。
2. 掌握函数的有界性、单调性、周期性和奇偶性。
3. 理解分段函数、反函数和复合函数的概念。
4. 掌握函数的四则运算与复合运算。
5. 掌握基本初等函数的性质及其图形，理解初等函数的概念。

(二) 极限

1. 理解数列极限和函数极限（包括左极限和右极限）的概念。掌握函数极限存在与左极限、右极限存在之间的关系。
2. 理解数列极限和函数极限的性质。熟练掌握数列极限和函数极限的运算法则。
3. 熟练掌握两个重要极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e$, 并会用它们求极限。
4. 理解无穷小量、无穷大量的概念，掌握无穷小量的性质、无穷小量与无穷大量的关系。掌握无穷小的比较（高阶、低阶、同阶和等价）。会用等价无穷小量求极限。
5. 会求曲线的水平渐近线和垂直渐近线。

(三) 连续

1. 理解函数连续性（包括左连续和右连续）的概念，掌握函数连续与左连续、右连续之间的关系。会求函数的间断点并判断其类型（可去间断点、跳跃间断点、无穷间断点和振荡间断点）。

2. 掌握连续函数的四则运算和复合运算。理解初等函数在其定义区间内的连续性。

3. 会利用连续性求极限。

4. 理解闭区间上连续函数的性质（有界性定理、最大值和最小值定理、介值定理、零点定理），并会应用介值定理和零点定理解决简单问题。

二、一元函数微分学

(一) 导数与微分

1. 理解导数的概念及几何意义，会用定义求函数在一点处的导数（包括左导数和右导数）。会求平面曲线的切线方程和法线方程。理解函数的可导性与连续性之间的关系。

2. 熟练掌握导数的四则运算法则和复合函数的求导法则，熟练掌握基本初等函数的导数公式。

3. 掌握隐函数求导法、对数求导法以及由参数方程所确定的函数的求导法，会求分段函数的导数。

4. 了解高阶导数的概念，会求函数的二阶导数。

5. 理解微分的概念，理解导数与微分的关系，掌握微分运算法则，会求函数的一阶微分。

(二) 中值定理及导数的应用

1. 理解罗尔定理、拉格朗日中值定理，掌握这两个定理的简单应用。

2. 熟练掌握洛必达法则，会求 $\frac{0}{0}$ 、 $\frac{\infty}{\infty}$ 、 $0 \cdot \infty$ 、 $\infty - \infty$ 、 1^∞ 、 0^0 和 ∞^0 型未定式的极限。

3. 理解驻点、极值点和极值的概念，掌握驻点和极值点的关系，会求函数的驻点、极值点和极值。掌握函数最大值和最小值的求法及其应用。

4. 会用导数判断函数的单调性。
5. 理解曲线的凹凸性的概念，会求曲线的拐点。

三、一元函数积分学

(一) 不定积分

1. 理解原函数与不定积分的概念，了解原函数存在定理，掌握不定积分的性质。
2. 熟练掌握不定积分的基本公式。
3. 熟练掌握不定积分的换元积分法和分部积分法。
4. 掌握简单有理函数的不定积分的求法。

(二) 定积分

1. 理解定积分的概念及几何意义，了解可积的条件。
2. 掌握定积分的性质及其应用。
3. 理解积分上限的函数的概念，会求积分上限的函数的导数，熟练掌握牛顿-莱布尼茨公式。
4. 熟练掌握定积分的换元积分法与分部积分法。
5. 会用定积分求平面图形的面积。

II. 考试形式与题型范围

一、考试形式

考试采用闭卷、笔试形式。试卷满分 100 分，考试时间 120 分钟。

二、题型范围

选择题、填空题、判断题、计算题、解答题、证明题、应用题。